

# 投票の検証可能性

2020/11/5

光成滋生

# 概要

- 電子投票の機密性と真正性
- ブラインド署名
- 準同型暗号
- **Mix-Net**
- 検証可能性の考察

- 目標
  - 情報提供者を特定することなく情報提供者の情報を集約する
- 考慮すべき事柄
  - 機密性
  - 真正性
  - 認証
  - 検証可能性

# 機密性と真正性

- 機密性
  - 投票者の秘密は守らなければならない
- 真正性
  - 受理した投票は投票者のものである
  - 有効な投票しか数えない
  - だれも投票内容を変更できない

# 認証と検証可能性

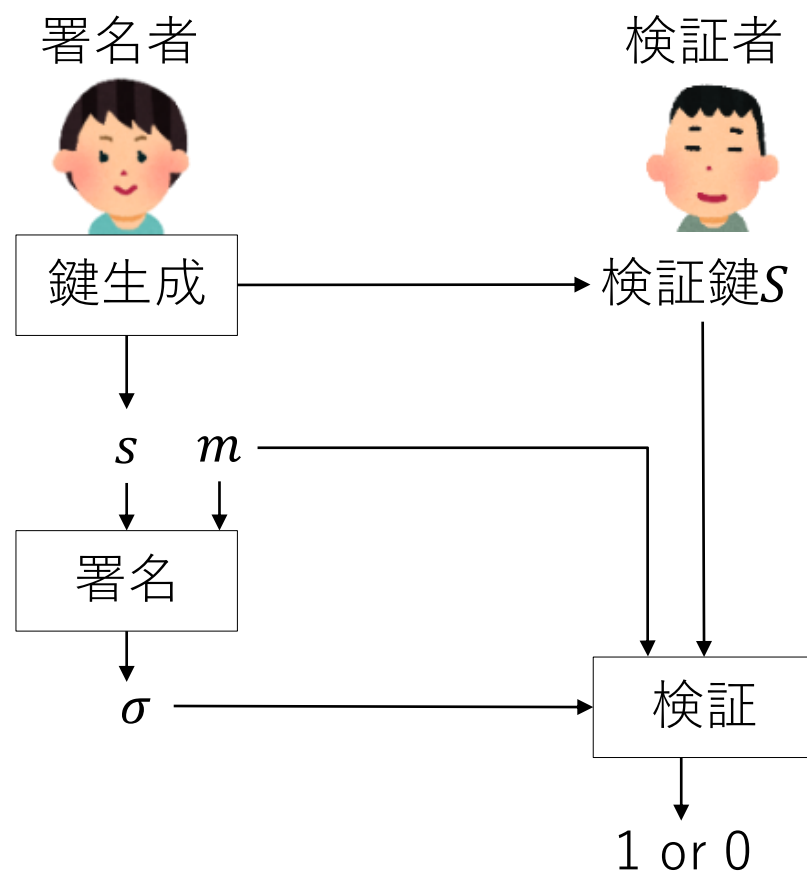
- 認証
  - 投票者が投票の権利を持っていることを確認する
  - 一人一票の原則（二重投票の禁止）
- 検証可能性
  - 個人の検証可能性
    - 投票者は自分の投票がちゃんと集計されたことを検証できる
  - 全体の検証可能性
    - 投票後に誰もが正しく集計されたことを検証できる

# 検証可能性2

- クレーム内容の検証可能性
  - (正当な)投票者が「自分の票が集計されていない」と発言
    - その発言が真であることを検証できる
  - (偽の)投票者が「自分の票が集計されていない」と発言
    - その発言が偽であることを検証できる
- 可能なら正当な投票者の票の秘密を守ったまま

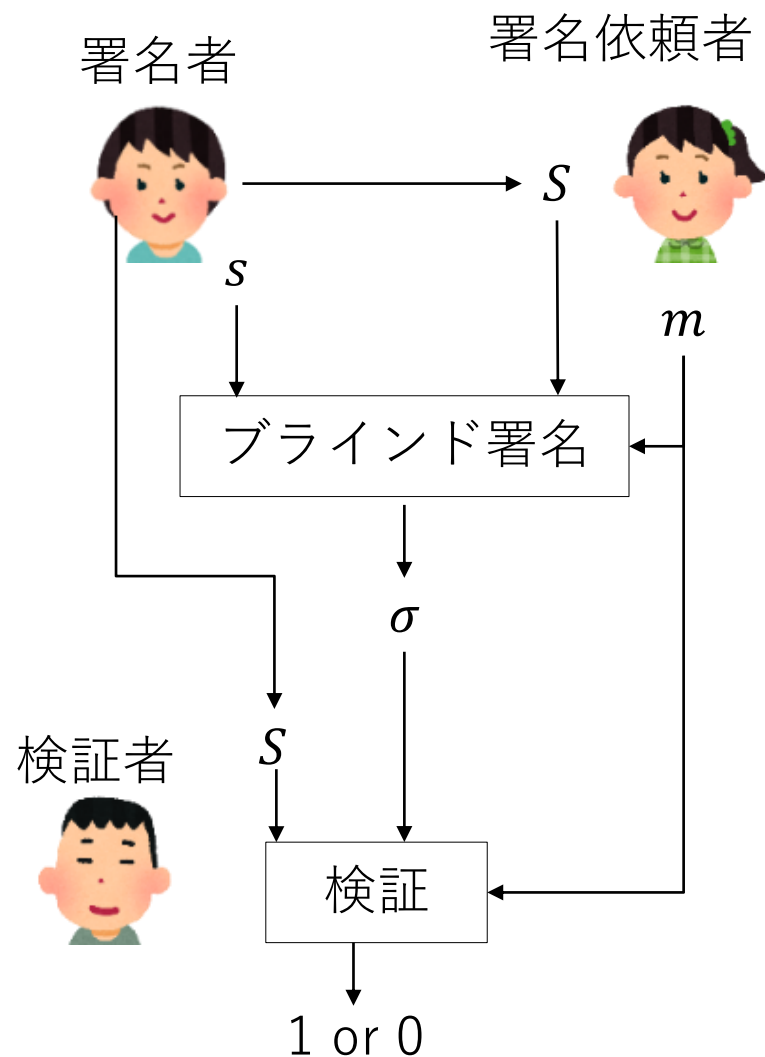
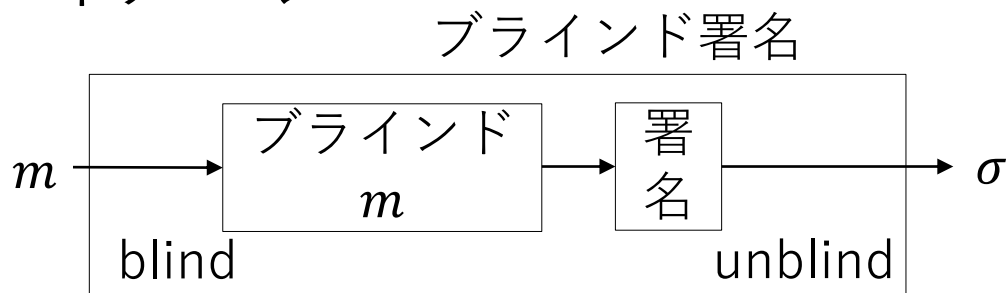
# 署名の復習

- 鍵生成
  - 署名鍵（秘密鍵） $s$ と検証鍵（公開鍵） $S$ の生成
  - 検証鍵 $S$ は公開する
- メッセージ $m$ に対する署名
  - $\sigma = \text{Sign}(s, m)$
- メッセージ $m$ と署名 $\sigma$ の検証
  - $\text{Verify}(S, m, \sigma) = 1$ (受理),  $0$ (却下)



# ブラインド署名

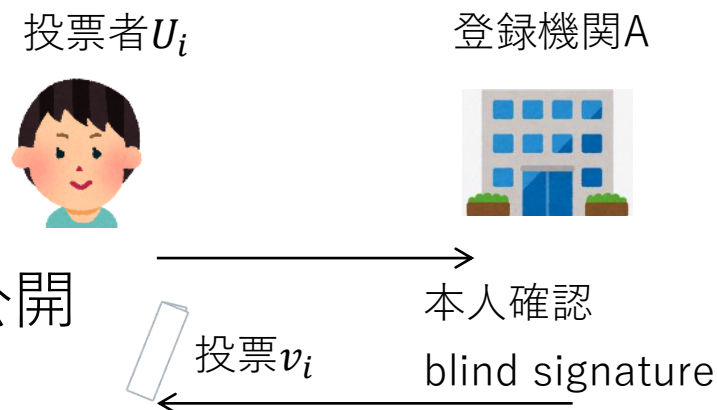
- 署名者は $m$ を知らずに署名する
- 鍵生成
  - 署名鍵 $s$ と検証鍵 $S$ の生成
- メッセージ $m$ に対する署名
  - $\sigma = \text{Sign}(s, m)$
  - 署名者は $m$ を知らない
- メッセージ $m$ と署名 $\sigma$ の検証
  - $\text{Verify}(S, m, \sigma) = 1$ (受理),  $0$ (却下)
- イメージ



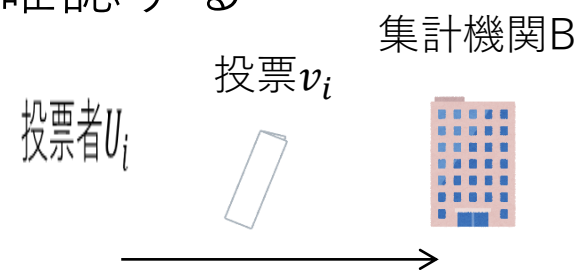


# ブラインド署名によるEVS

- 登場人物
  - 登録機関A, 投票者 $U_i$ , 集計機関B
- 準備
  - Aの署名鍵 $s$ と検証鍵 $S$ を生成し $S$ を公開
- 投票



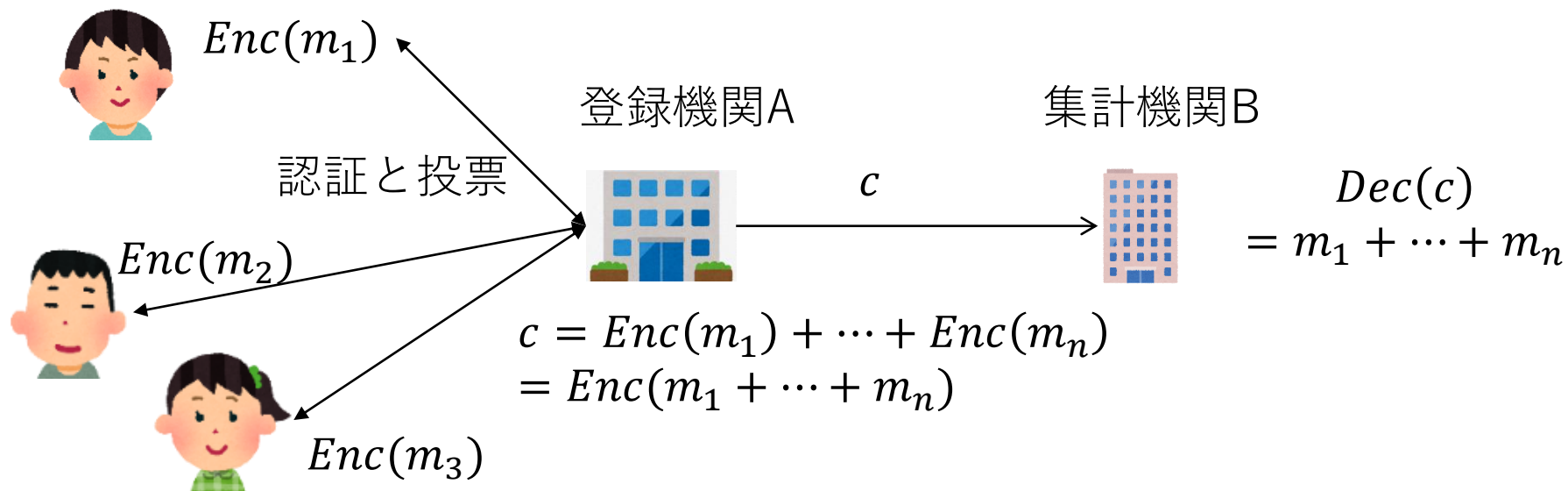
- Aは $U_i$ の本人確認と未投票であることを確認する
- $U_i$ は投票内容 $m_i$ について  
ブラインド署名してもらう
- $v_i = (m_i, \sigma_i = \text{Sign}(m_i, s))$
- 集計



- $U_i$ は匿名でBに $v_i$ を送信し、Bは署名を検証して受理
- 投票完了後Bは全投票を公開し $m_i$ を集計する

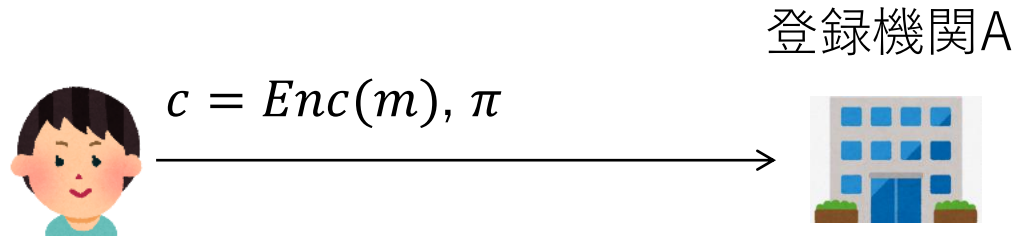
# 準同型暗号による投票

- 準同型暗号
  - 暗号文同士の演算ができる暗号
  - $Enc(x) + Enc(y) = Enc(x + y)$
- 集計機関Bが公開鍵 $S$ と秘密鍵 $s$ を準備し公開鍵を公開
- 賛成1、反対0の集計をする



# ゼロ知識証明

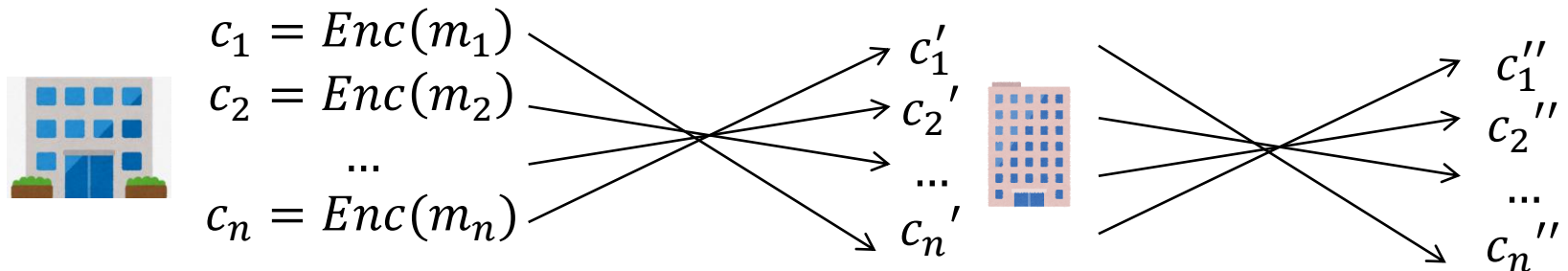
- $Enc(m)$  の  $m$  が 100 なら一人で 100 票
- 登録機関 A は  $c = Enc(m_i)$  の  $m_i$  が 0 か 1 であることを確認したい
- ZKP (Zero-knowledge proof) を使う



- 投票者は暗号文  $c$  と対応する証明  $\pi$  を送る
- 登録機関は  $(c, \pi)$  から  $m \in \{0, 1\}$  であることを確認する
  - $m = 0$  か  $m = 1$  のどちらかは分からない
- WebAssembly での実装例
  - <https://github.com/herumi/she-wasm>

# Mix-Net

- 暗号文同士を混ぜる



- $\{c_1, \dots, c_n\} = \{c'_1, \dots, c'_n\}$
- 置換とZKP
  - 入れ換えであることは分かる
  - どれがどれに移動したかは分からない
  - Mix-Netを繰り返す
- $\text{Dec}(c) = m$ のZKP
  - 秘密鍵を公開せずに正しく暗号文を復号していることを示す

# 安全性

- 仮定
  - 登録機関と集計機関は信頼できる
    - 不正はしない
    - 結託しない
- 機密性
  - 登録機関
    - ブラインド署名により投票内容は分からない
    - 「投票権の確認」と「投票内容の署名」を分離
  - 集計機関
    - 投票者が投票するときの接続情報を収集しない
      - ブロックチェーンでもOK?
      - 必要ならTorなどを使う?

# ブラインド署名についての検証可能性

- 個人
  - 公開された全投票から自分の投票を探す
- 全体
  - だれもが投票の署名の正しさを確認できる
  - 集計結果の正しさも確認できる
- 投票に対するクレーム
  - 投票者が「自分の票が集計されていない」と発言
    - その投票者にその票を開示してもらう例
      - $m_i$ の代わりに乱数 $r_i$ とハッシュ関数 $H$ を用いて  $H(r_i)||m_i$ に署名する
      - 正当な投票者なら $r_i$ を開示できる
      - 偽の投票者なら開示できない

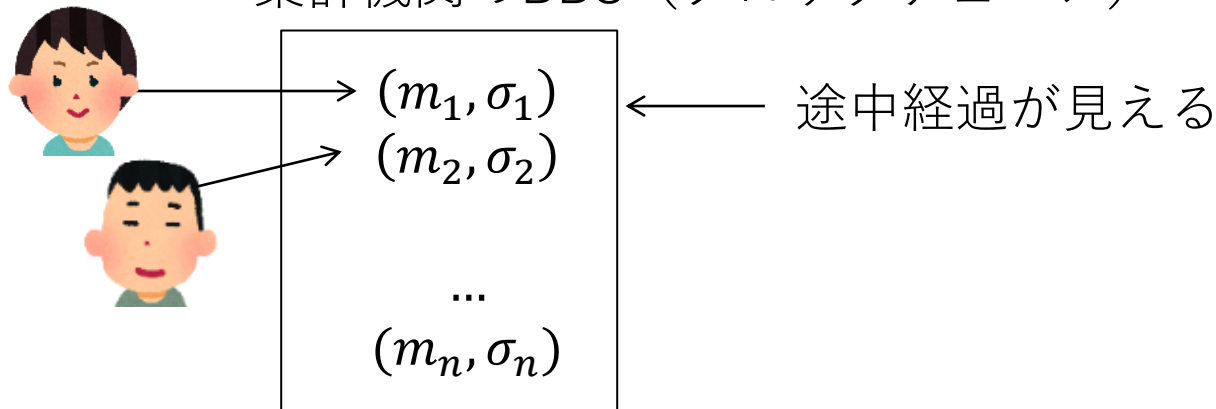
# 登録機関の不正の検討

- 登録機関は勝手に正しい投票用紙を捏造できる
- 一つの対策案
  - 登録機関の分散化  $A_1, \dots, A_n$ 
    - 全登録機関が結託しない限り安全
    - 投票者の  $\overline{m}_i = H(r_i) || m_i, r_i$ ; 乱数
    - 各  $A_j$  に  $\overline{m}_i$  をブラインド署名してもらう  $(\sigma_{i1}, \dots, \sigma_{in})$
    - 集計機関
      - $\sigma_{i1}, \dots, \sigma_{in}$  が  $\overline{m}_i$  に対する正しい署名であることを検証

# 集計機関の不正の検討

- 投票の操作
  - 基本的に集計やデータの改竄はできない
  - 投票者の情報収集の可能性
- 投票完了前に集計状況を見える可能性

集計機関のBBS (ブロックチェーン)





# いくつかの対策案

- コミットメントを使う
  - $c = \text{Commit}(m)$ ;  $m$ の中身は分からない
  - $\text{Open}(c)$ ;  $m$ を開示する
- 各投票者は $m_i$ の代わりに $c_i = \text{Com}(m_i)$ を投票に記す
- 全投票 $\{c_i, \sigma_i\}$ が公開される
- そのあとコミットメントを $\text{Open}$ して全員が $\{m_i\}$ を取得
- Cons:  $\text{Open}$ しない人の存在 / 投票者は開票までデータ保持

